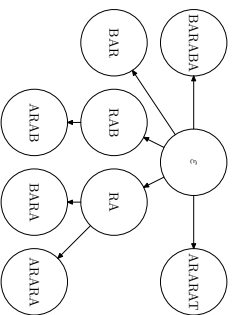


maximálně jednou. Díky tomu nám z časové složitosti zmizí velikost výstupu.

V našem příkladu se seamen BARBARARAT tedy na konci budeme mít uloženo, že ARAB se vyskytl $1 \times$, ARARA $1 \times$, ARARAT $1 \times$, BAR 2 \times , BARA 2 \times a BARABA $1 \times$. RA a BAB nemají hlášený žádný výskyt.

Nyní si zkonstruujeme strom jenom ze zkratek a pro každý vrchol spočítáme součet celého jeho podstromu.

Tedy po přepočtení bude mít RA tři výskyty a BAB jeden výskyt; celkový počet výskytů pak bude 12.



Poznámky

- Dalším krokem po KMP a Aho-Corasickové jsou konečné automaty a regulární výrazy, o kterých jsme měli seriál ve 23. ročníku.
- Není moc rozumné snažit se implementovat Aho-Corasickovou v rozumné době například při soutěži, pokud tento algoritmus nemáte opravdu pod kůží. Radši zkuste použít řešení, pokud budete něco takového potřebovat.

Cvičení

- Redukci o velikost výstupu můžeme provést i pro případ, kdy výstup nebudeme vypisovat, ale stačí nám mít jen uloženy v paměti. Vymyslete vhodnou úpravu tržku s čítkem.
- Zkuste si implementovat Aho-Corasickovou vlastnoručně ve svém oblíbeném jazyce, abyste si byli jisti, že doopravdy chápete všechny záležitosti tohoto algoritmu.

Martin Bohm, Jan Matějka, Martin Mareš a Petr Škoda

Korespondenční Seminář z Programování

31. ročník

KSP

Listopad 2018

Mná řešitelé a řešitelky!

Zdá se, že bahá léto se nám protáhlo do poloviny listopadu. Organizátoři KSP ale záždné příběhy nemají rádi, a proto už teď přicházejí s další várkou rozmanitých informatických úlozek k řešení.

Všichni zájemci o studium informatiky jsou srdečně zváni na Den otevřených dveří na Matfyzu, který se koná 22. listopadu. Večer předtím si nenechte ujít Kalíšek, setkání s organizátory a řešiteli KSPřeka. Více informací najdete na našem webu.

Připomínáme, že do celkového hodnocení se Vám z každé série započítá 5 nejlépe vyřešených úloh. Každému řešiteli, který získá v tomto ročníku z každé série alespoň 5 bodů, pošleme KSP propisku, blok, placku a třeba i něco navíc.

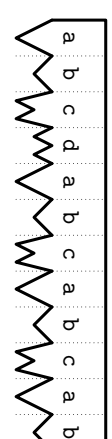
Díky řešení KSP se také můžete vyhnout přijímacím zkouškám na MFF UKI Štáři, když získáte alespoň polovinu bodů z ročníku (tedy 150 bodů) a my vám vystavíme osvědčení; díky kterému vás přijmou na MFF bez zkoušek. Pozor ale: pokud studujete poslední ročník střední školy a chcete letošní osvědčení využít, musíte mít potřebné body již po čtyřte sérii.

Termín série: 7. ledna v 8:00

Odevzdávání: Přes web na adrese <https://ksp.nfj.cuni.cz/submit/>

Odměna série: Sladkou odměnu si vyslouží každý, kdo nám k řešení přiloží ručně kreslený obrázek hráška. Hrošík by měl vykonávat nějakou netriviální činnost, představivost se meze nekladou ;). Pokud řešení odevzdáváte elektronicky, můžete nám oskenovaný obrázek poslat emailem na známou adresu.

Druhá série třicátého prvního ročníku KSP



V *jedné malé chloupcce* na knuži lesa žila *neúplná rodinka – tatínek a dve děti*. Říkaly jim *třeba Jenička* a *Márenka*. Doba byla *šlá, peněz málo, do chaloupky rodnice tešlo, ale i přesto se měli rádi*. *Tatínek se živil jako dřevorubec. Každý den odcházel brzy ráno a vracel se až po setmění. Děti tak vídaly pouze šrádky.*

Jednoho rána se mu přihodilo tuze velké neštěstí! Pila se mu rozbila – rozlomila se neupln. Co si teď má počít? Pracovat nemůže, ale peníze nuhne potřebuje!

31-2-1 Objeďnávka pily 14 bodů

Tatínek si potřebuje objednat novou pilu. To ale není tak jednoduché, protože je děláná na míru tatínkovým potřebám. Pila má na začátku zuby nepravidelné, aby se jimi dobře zarezávala do dřeva. Dále se pak pravydlné opakuje, což umožňuje dělat dlouhé tahy. Protože se za každý znak vyskytující se v objeďnávce platí, potřebuje tatínek schéma zubů co nejvíce zkrátit.

Schéma zubů je popsáno řetězcem tvořeným písmeny anglické abecedy, přičemž každé písmenko je nějaký typ zubu podle vzorníku. Řetězec dlema rozdělí na tři části A , $k \times B$ a C . Část B je perioda, která se v řetězci k -krát opakuje. Část C je poslední zopakování periody, které může být pouze částečné. A konečné první část A je nějaká posloupnost písmen, která se nachází před periodou. Vaším cílem je najít takový zápis řetězce, kde součet délek A a B bude co nejmenší.

10 **Lehčí varianta (za 10 bodů):** Můžete předpokládat, že část A má nulovou délku, tedy řetězec má pouze části $k \times B$ a C .

11 **Lehčí varianta (za 5 bodů):** Jak část A tak část C mají nulovou délku, jinými slovy, řetězec je tvaru $k \times B$.



Pro příklad na předchozím obrázku je jediným správným řešením $A = abcd$, $B = abc$, $C = ab$, součet délek A a B je 7. Například rozdělení $A = abcab$, $B = cab$, $C = \emptyset$ je sice také platné, ale nemá nejkratší možný součet délek.

Toho rána se tatínek vrátil domů brzy. Zbytek dne chtěl strávit se svými dětmi. „Jeničko! Márenko! Půjďte na juhody! Znáš jednu mýjinku, kde rostou ty nejsladší, jaké jsem kdy jedl!“ řekl tatínek. „Je to ale hluboko v lese, tak se mi hlavně někde neztratíte.“ Děti radostí naskočily, popadly džbánky a už už se hrnuly ven.

Jen co děti dorazily na mýjinku, vrhly se na juhody. Jak tatínek sáboval, byly užasné. Sbíraly a sbíraly, dokud užšlechý juhody nengštruly. S plnými břššky pak zalehly pod strom a usnuly.

Probudily se až za tmy. „Tatínkúúúúú!“ volaly vystrašeně. Bez odpovědi. . . „Jak se teď dostaneme domů?“ plakala Márenka, „les v noci vypadá úplně jinak!“. Jeničke naššššší dostal nápad: „Počkej taďu. Já zatím vyžezu na strom a podívám se, jestli neuvítám nějaké světyhlo.“

31-2-2 Hledání světyhla 9 bodů

Jenček chce vyžezt na strom, ze kterého bude mít co možná nejlepší výhled, ale ze kterého se také dokáže dostat dostatečně nízko, aby si při seskoku na zem nezlámá nožičky. Spíhat po stromech umí už od narození, takže přeskakovat ze stromu na strom pro něj není žádný problém.

Les si lze představit jako čtvercovou mřížku. V každém vrcholu se nachází jeden strom, jehož výška máme zadanou.

Webové stránky:

<https://ksp.nfj.cuni.cz/>

E-mail:

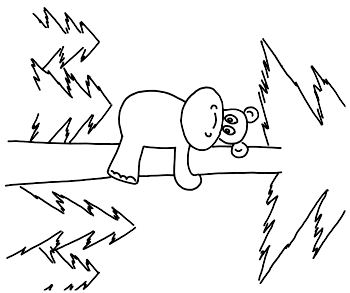
ksp@nfj.cuni.cz

Diskusní fórum:

<https://ksp.nfj.cuni.cz/forum/>

Chcete-li s námi komunikovat bezpečně, můžete si ověřit náš HTTPS certifikát – jeho SHA1 fingerprint je: E9:DB:EE:C6:62:BC:14:DE:09:E4:E8:97:DC:36:0E:87:B3:50:B0:01.

Při splňování může Jeníček přeskočit ze stromu, na kterém se právě nachází, do libovolného ze čtyř směrů, pokud se tam nějaký strom nachází (tj. nedostane se mimo mřížku) a výška stromu v daném směru je ostate větší než výška aktuálního stromu. Chceme pro Jeníčka najít trasu splňující předchozí kritéria, kde rozdíl mezi výškami prvního a posledního stromu bude co největší.



Jak Jeníček řekl, tak také udělal. Vysíhlal na strom, rozhlídl se po okolí a opravdu, v dalece něco spatřil. „Musíme se vydat tam!“ volal děla na Martenku. Lahdě jako veranka sesákal způdky na zem a společně s Martenkou se vydal na cestu za světljkem.

Když domuzil k chaloupce, oněměli úzaseu. Nebyla to totiž obyčejná chaloupka, byla to chaloupka celá z perníku. Po dlouhé cestě už jim docela vyhládko, a protože sdavení vypadalo opuštěně, s chutí se pustili do rannu obkolo dveří. Když byly dveře na spadnutí, přesunuli se na střechu. Nakonec ani komu nezustal nedočen!

„Kdopak mi to tu dloupe perníček?“ ozvalo se z chaloupky, zrovna když děti olizovali okemní tabulky. Okousané duere se sesuply na zem a z chaloupky vyhoukla hlava rozespale ježdoby. Děti se lekly, ale hned pohotové odopověděly: „To nic, to jenom věříček.“ A s chutí jedly dál. Ježdoba oněšen nebyla ughně natun. Takových dloupežníků, co se přizivovali na jejich perníčkách, už někotik nacházela. Vyječa tedu ven a objenila Jenička s Martenkou. Na nic nečečala, popapala děta za ruku, vtáhla je do chaloupky a zavřela do kluce. Pak se vrátila zpět do postele.

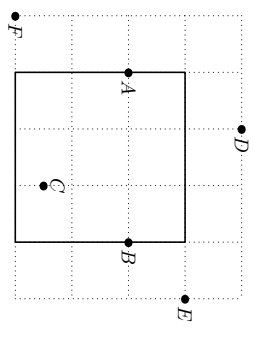
Nevtravlo dlouho a ježdoba byla opět na nohou. Rano totiž začalo pršet a vykusovanými otchory ve střechě jí kapadlo do postele. Aby mohla dál spát, nezbylo jí nic jiného než dlýy zakrýtí.

31-2-3 Oprava střechy 12 bodů

V noci děti do střechy vykousaly spoustu máčků dět, které teď chce ježdoba zakrýt. Protože ale byla líná, upekla jenom jeden velký perník. Chce ho na střechu umístit tak, aby pod něj sčovala co nejvíce dět. Při umíšťování však musí dbát na to, aby perník nepokazali celkový vzhled chaloupky, a proto je potřeba ho položit rovnoběžně s dolním okrajem střechy.

Vykousané dlýy představují body v rovině. Perník má tvar čtverce s rovnými stranami a chceme ho do roviny umístit rovnoběžně s osami tak, aby se pod ním nacházelo nejvíce možných možných bodů. Kolik nejvíce bodů můžeme čtvercem přikrýt?

V příkladu na následujícím obrázku jdou čtvercem o straně délky 3 pokrytí nejvíce tři body, jedno z možných řešení je zakresleno. Kdybychom měli čtvercem dovoleno otáčet, zvládli bychom pokrytí body A, B, C, D, my však otáčet nemůžeme.



Oprava střechy ježdobe zabrala téměř celé odpoledne. A to byl jenom jeden perník! Když jich měla pět a po skládání víc, střechu by nestihla spravit dřív, než by se zase objevily nějaké lampové, kteří by ji kus střechy uloupili. Nášiček nemusi pernícky pokážde pět sama. Jedna zdejší ježdoba si také postarala tovarnu na perník, a tak se na zásobování podlékéj společně. Jedný problém je s dopravnou, protože na koštěli se pernícky nepřevážují zrovna nejpopulárnějš. Cesta trvá dlouho a povyň větru občas pernícky z koštěle shodí.

31-2-4 Továrna na perník 8 bodů

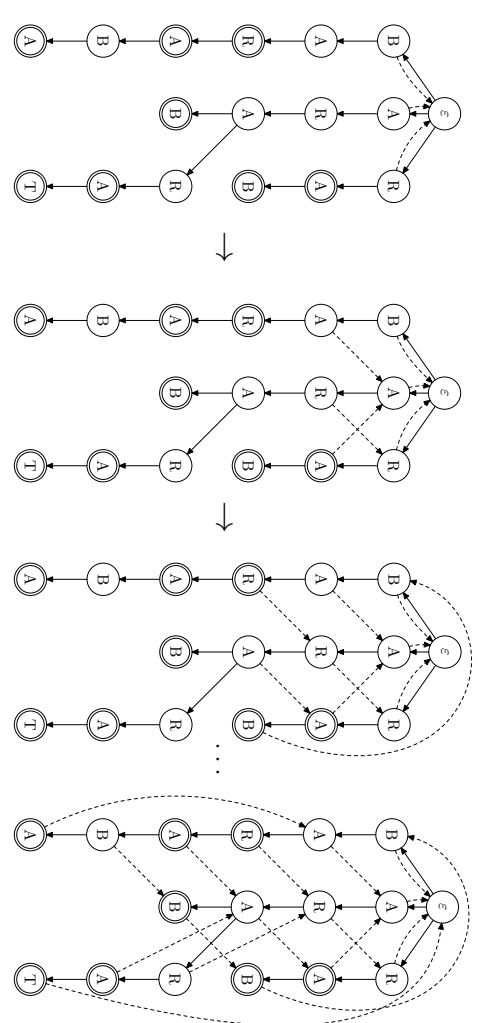
Když Jeníček s Martenkou slyšeli, jak tady probíhá zásobování perníkem, hned je napadlo, že by to šlo začít mnohem lépe. Co postavít z každé továrny perník, kterým by šel perník přepravovat mnohem rychleji? Utrčie by to bylo i mnohem levnějš a třeba by se šlo s ježdobami domluvit, aby zásobovali perníkem i jiné vesnice, zajiště by o to byl velký zájem!

Na přimnce leží N ježdobích chaloupek. Všechny chceme napojit na nový systém zásobování. K tomu můžeme provést operace dvou druhů: postavit na nějakém místě továrnu za cenu A a spojit nějaká dvě místa potrubím za cenu $d \times B$, kde d je vzdálenost mezi nimi. (Ceny A i B jsou pevné a nezávislé na tom, na jakém místě stavíme továrnu, popř. jaká dvě místa spojujeme.) Procházeli místem, na kterém stojí továrna nebo chaloupka, nějaké potrubí, je na něj dovolné množství chaloupek. Továrnu můžeme postavit i na místě, kde už stojí nějaká vesnice. Kde postavit továrny a potrubí, aby byly všechny chaloupky (i nepřimo) připojeny potrubím k nějaké továrně a celková cena byla co nejmenjš?

To je praktická open-data úloha. V odvezdvácím systému si necháme vygenerovat vstupní a odevzdávající výstupy. Záležej jen na vás, jak výstupy vytvořte.

Formát vstupu: Na prvním řádku se nachází tři celá kladná čísla oddělená mezerou – N, A a B. Na druhé řádku je N mezerou oddělených čísel – celočíslné pozice jednotlivých chaloupek. Máte zavřeno, že chaloupky jsou na vstupu vzhledupně seřazeny podle souřadnic, a že všechny souřadnice jsou v rozsahu od -10^9 do 10^9 .

Formát výstupu: Vypište jediné čísla: nejmenší možnou cenu, za kterou dokážeme každou chaloupku spojit s nějakou továrnou. Pozor: na reprezentaci výsledku můžete počítovat 64bitová čísla (Long Long v C, Long v Javě a C#; v Pythonu to není potřeba řešit).



Při konstrukci další zpětné hrany tedy najdeme akorát, kde jsme minule skončili, a odklamud pokračujeme dál. Jak to najdeme? Z otce našeho vrcholu tam přece vede zpětná hrana. Takže můžeme postup shrnout do bodů:

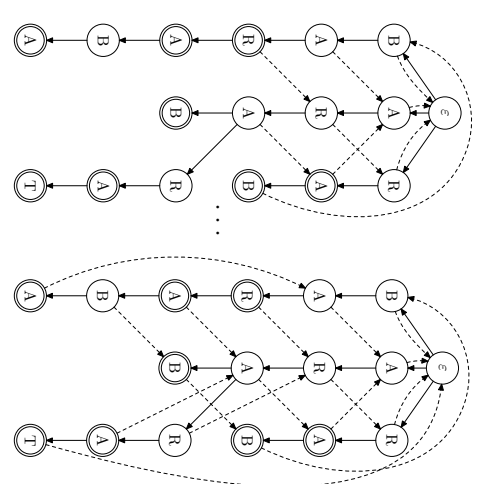
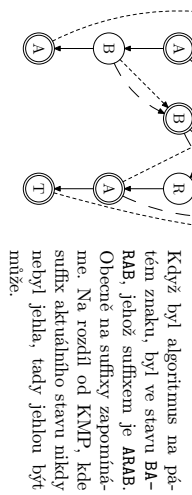
- 1. $c =$ poslední znak slova (znak stavu P , pro který hledáme zpětnou hranu);
- 2. přejdeme se do otce;
- 3. přisumeme se po zpětné hraně;
- 4. dokud neexistuje syn se znakem c , nahádneme do něj zpětně;
- 5. pokud existuje syn se znakem c , nahádneme do něj zpětně; non hrann z P , jinak ji nahádneme do kořene.

Automat je zkonstruován. Časová složitost konstrukce sestává z konstrukce trie v $O(J \cdot |\Sigma|)$, resp. $O(J \cdot \log |\Sigma|)$ (pokud použijeme binární strom ve vrcholech) a z předpocítání zpětných hran. Při předpocítání uděláme nějaký konstantní počet operací pro každý vrchol (celkem tedy $O(J)$) a také paralelně vyhledáváme všechny jehly z jehelnic, jejichž vyhledání nás stojí $O(J)$, resp. $O(J \cdot \log |\Sigma|)$.

Tedy konstrukce trvá celkem $O(J \cdot |\Sigma|)$, resp. $O(J \cdot \log |\Sigma|)$, paměťová náročnost je stejná jako u trie – $O(J \cdot |\Sigma|)$, resp. $O(J)$, přidat jsme jen $O(J)$ zpětných hran.

Zkusme tedy automatem projit text BARBARARAT. Ohlášej postupně názvy slov BAR, BARA, BARABA, BAR, BABA, ARABA a ARARAT.

Nemalozá však všedmo. Chybí mu např. ARAB, který začíná druhým znakem a končí pátým. Dále chybí několik výskytů RA a jeden RAB.



V každém stavu bychom tedy měli projít všechny sufixy a zkontrolovat je, jestli náhodou nejsou jehlami. Jak najdeme všechny sufixy? Projdeme postupně po zpětných hranách až do kořene. Má to jen jeden problém – je to pomale.

Představme si například slovník obsahující A a AAAA...A (délky $J - 1$). Budeme-li jim vyhledávat v textu AAAA...A (délky $S > J$, projdeme prakticky pro každý znak až $J - 1$ zpětných hran, čímž složitost naroste až na nepoužitelných $O(S \cdot J)$.

Všimněme si však, že většinou zpětných hran jsme prošli úplně zbytečně. Předpocítáme si tedy zkratky – z vrcholu vede zkratka do nejdelšího jeho sufixu, který je jehlou. Na obrázku jsou vyznačeny dlouze čárkovanými šipkami.

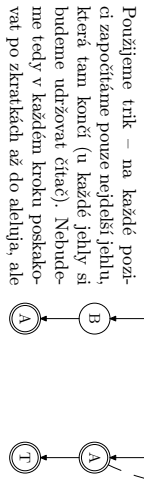
Předpocítání zpětných hran časovou složitost konstrukce automatu jistě nezhorsí, neboť vyžaduje v nejlším případě projít všechny zpětné hrany ještě jednou.

Potřebujeme-li ohlášej všechny výskyt slova včetně pozice, kde se nacházejí, jsme hotovi. Výsledná časová složitost problédávání bude $O(S + O)$, resp. $O(S \cdot \log |\Sigma| + O)$, kde O je velikost výstupu – počet výskytů všech slov.

Celková časová složitost prohlédávání včetně stavů automatu tedy bude $O(O + S + J \cdot |\Sigma|)$, resp. $O(O + S + J) \cdot \log |\Sigma|$.

Jak velký může být výstup? Obecně až S^2 . Extrémně velký výstup je možné vygenerovat třeba slovníkem obsahujícím všechny prefixy slova AAAA...A délky S a seznamem takřez AAAA...A délky S . Automat pak hlášej výskyt pro každé podслово, kterých je řádově S^2 .

Pokud nám stačí v každém slova jen počet výskytů, nemusíme zohlednit závislost na počtu výskytů umíme odstranit.



náme $F[i]$, pak vypočet $F[i+1]$ odpovídá spuštění automatu na slovo délky i a při tom budeme zpětnou funkci potřebovat jen pro stavy délky i nebo menší, pro které ji již máme hotovou.

Navíc nemůžeme pro jednotlivé prefixy spouštět výpočet vždy znovu od začátku $-(i+1)$ -ní prefix je přesí předložením i -tého prefixu o jeden znak. Stačí tedy spustit algoritmus na jehlu bez prvních znaků a sledovat, jakými stavy bude procházet – to budou přesné hodnoty zpětné funkce.

Vytvoření zpětné funkce se nám tak nakonec znehodvalo na jedné vyhledávání v textu o délce $J-1$, a proto poběží v čase $O(J)$. Casová složitost celého algoritmu tedy bude $O(S+J)$. Dodáme už jen, že tento algoritmus poprvé popsal panové Knuth, Morris a Pratt a na jejich počest se mu říká KMP. Naprogramovaný bude vypadat následovně (čtem vstřnujme si odpustih):

```

jehla = "INSTINKT"
semo = "INSTINKTINSTINKT"
J = len(jehla)
S = len(semo)
F = [None] * J # Zpětná funkce
def krok(i, znak):
    if 1 < i & jehla[i] == znak:
        return(i + 1)
    elif 1 > 0:
        return krok(F[i - 1], znak)
    else:
        return 0
# Konstrukce zpětné funkce
F[0] = 0
for i in range(1, J):
    F[i] = krok(F[i - 1], jehla[i])
# Procházení textu
stav = 0
for i in range(S):
    stav = krok(stav, semo[i])
    if stav == J:
        print(i - J + 1, "az", i)

```

Poznámky

- Pro anglický nebo český text je použitá takto sofistikovaného algoritmu skoro škoda, protože v obou jazycích se síťová jen málokdy, že bychom měli několik slov spojených dohromady. Praktický bude stačit i na začátku zmíněný nativní algoritmus. Na soutěžích a olympiádách ale přiče raději algoritmus KMP.

- Hesování lze použít i na vyhledávání řešence v textu. Oh-zvláště vhodné jsou na to *rolling hash functions* (neboli „oběhkové hesovací funkce“), které umí v konstantním čase přepočítat hes, ubereme-li nějaký znak na začátku a přidáme-li jiný na konci – jako kdybychom se drželi na textu skrz posouvající se okénko.

Cvičení

- Rozmyslete si, že když vyhledáváme více slov, ne jen jedno, a algoritmus musí vypsat všechny výskytů na výstup, můžeme se dobřat vyšší než lineární složitosti v závislosti na vstupu. Na čem potom taková časová složitost také záleží?
- Vynyslete nějakou vhodnou okenkovou hesovací funkci pro vyhledávání jedné jehly.

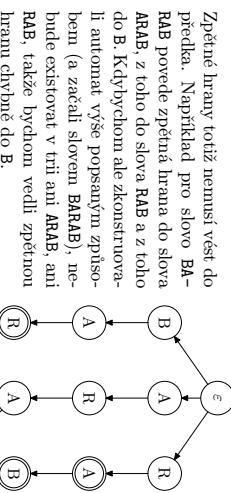
Vyhledávání jehleňku

Co kdybychom neměli jen jednu jehlu/hledané slovo, ale celý jehleňček, čili seznam hledaných slov? I to lze řešit podobnou metodou, jakou jsme hledali jedno slovo. Tento algoritmus se nazývá pro tvůrčího *algoritmus Aho-Corasickova* a spočívá v tom, že jednoduše spojový seznam nahradíme třetí a do třetí opět přidáme zpětné hrany.

Budeme postupovat podobně jako u KMP. Nejprve nakládáme jehleňček do trie. Pro příklady v této kapitole použijeme jehleňček **ARAB, ARABA, ARARAT, BAR, BARA, BARABA, BA a BAB**.

Daším krokem v KMP bylo sestrojení zpětných hran. Nejprve jsme sestrojili zpětnou hranu pro první znak slova, pak pro druhý atd. V třetí to bude o něco složitější.

Na první pohled se může zdát, že bychom mohli automat sestrojit tak, že bychom vyrobili KMP pro první slovo, pak KMP pro druhé slovo s využitím struktury prvního atd., ale to má háček.



Zpětné hrany totiž nemusí vést do předešlého. Například pro slovo **BARAB** povede zpětná hrana do slova **ARAB**, z toho do slova **BAB** a z toho do **B**. Kdybychom ale zkonstruovali automat výše popsaným způsobem (a začali slovem **BARAB**), nebylo by existovat v třetí ani **ARAB**, ani **BAB**, takže bychom vedli zpětnou hranu chybně do **B**.

Můžeme se ale opírat o stejný trik, jako při konstrukci KMP. Budeme opět vyhledávat nejdelší vlastní sufix. K nám dojde výpočet pro jeho vyhledání, tam povede zpětná hrana chybně do **B**.

Zkusíme tedy nejprve sestrojiti celou třídu a pak postupně vyhledat nejdelší vlastní sufix pro každé ze slov. Ouhá, to ale také nefunguje.

Když začneme slovem **BARABA**, a budeme tedy vyhledávat **ARABA**, nalezneme v třetí úspěšně prefix **ARAB**, ale **ARABA** již v třetí není. Měli bychom přejít ze slova **ARAB** po zpětné hraně, ale tu ještě nemáme zkonstruovanou.

Rozdělíme si třídu na *vrstvy* – první znaky slov budou první vrstvou, druhé znaky budou tvořit druhou vrstvu atd., až *i*-té znaky slov budou tvořit *i*-tou vrstvu.

Zpětná hrana již povede do kratšího slova. Z *i*-té vrstvy tak povede do vrstvy s nižším pořadovým číslem. Pokud tedy budeme zpětné hrany konstruovat po vrstvě, dojdeme k již známému výsledku.

Jestliže zbývá otáčka, jak konstruovat zpětné hrany efektivně, když je musíme vyrábět po vrstvě. Měli bychom prostě vzít slovo, pro které hledáme zpětnou hranu, utrhnout mu první znak a vyhledat. Jenže to budeme dělat spoustu práce zbytečně.

Například pro slovo **BARABA** bychom mohli vyhledávat **ARABA** v již zkonstruované části automatu, ale proč to dělat celé, když jsme při konstrukci předložili vrstvy vyhledávané **ARAB** při konstrukci zpětné hrany pro **BARAB**?

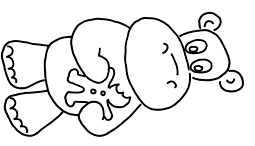
Ukázkový vstup:

5 7 2
-3 0 4 6 8

Ukázkový výstup:

28

Jedno z možných řešení je postavit továrny na pozicích -1 a 5 a postavit potřební délky 3 spojující -3 a 0 a potřební délky 4 spojující 4 a 8 . Celková cena je $2 \cdot A + (4+3) \cdot B = 28$.



Ježihoňa se doplátila, když se Jentčekovi s Mareňkou podávalo po krátké úvaze vmyslet efektivnější způsob zásobování. Po celém dnu měla děti až po krk, a tak se rozhodla, že je upuště a sní. Aspoň pak bude mít zase sniží kílud.

Ježihoňa vydála lopatu a poručila dětem, aby se na ni postavili. První byla na řadě Mareňka. „Někdy jsem na takové lopatě neseděla. Vždyť já ani nevím, jak na to.“ řekla Mareňka hlasem. Ježihoňa vůbec netušila, že jde o lest a bez sebevraždy podcezení si začala na lopatu sedat. „Ach ty dnešní děti. Am na lopatu si sednout neumíš! Děťka, teď se dobře dívajte, jak se to správně dělá.“ Jen, co to dořekla, Mareňka vyskočila, popadla lopatu a s vupěťm všech sniých sil štvrla Ježihoňa do pece. Pak za ní ještě pořádně zabouchala dvřítka. Osobodilla Jentčka a chystá se společně utéct.

Děti si vsák utědomily, že se v perníkove chalupec nacházi spousta pece a že by nebylo dobře jen tak odejít a nechat je hořet bez dozoru. Chalupek by mohla chytit a podpalit tak celý les...

31-2-5 Zlhasináni pece 10 bodů

V chalupece se nacházi N navzájem nerovzanných do kerlu umístěných místností, kdy z místnosti i (pro $i = 0, \dots, N-1$) vedou dveře do místnosti $(i \pm 1)$ mod N (což znamená, že pro $0 < i < N-1$ vedou dveře do místnosti $i-1$ a $i+1$, pro $i = 0$ do první a $(N-1)$ -té místnosti a pro $i = N-1$ do $(N-2)$ -té a do nulté místnosti). V každé místnosti se nacházi pec, která buď hoří, nebo ne. Pec se zapíná/vypíná nepřimutím páčky na její zadní části.

Jentček s Mareňkou samozřejmě netuší, kolik je v chalupece celkem místností. Neví ani, ve které místnosti se právě nacházi. Nechtějí se od sebe raději moc vzdalovat, proto bund všechny místnosti prostě zapečetí společně. Jejich úkolem je v konečném čase povytáhat všechny pece a pak s jistotou prohlásit, že jsou všechny vypnuté.

Obvykle se soustředíme hlavě na to, aby algoritmus dobral co nejrychleji. V této úloze tomu bude ale jinak! Primárním kritériem vašeho řešení je paměťová složitost a až sekundárním složitost časová. Samotnou paměť budeme přitom počítat v *bitůčkách*, kde do jedné bitůsky se vejde číslo velikosti řádové N .

Když Jentček s Mareňkou ubasili ohně v poslední peci, vupěťli z chalupeký a utkali domů, co jim mohly stáčky. Chutěli být co nejtrněv prýc.

31-2-6 Hrozňvš v událostech 15 bodů

Po strukném úvodu v první sérii budeme pokračovat dlekladným procvičováním události a jejich obsluhy. Dosud jsme se naučili zpracovávat události časovate (když vyprší) a uživatelské akce (kliknutí). V druhém dílu si převedeme, jak se připojit k serveru na internetu a vyřozvat takovou komunikaci.

Ň nám na komunikaci se serverem poskytuje poměrně pohodlnou třídou `QTcpSocket`. Pojdme se podívat, jak se používa.

V celém druhém díle seriálu budeme vyrábět simulátor dopravy na křižovate. Server použijeme jako generátor provozu a klient bude rozhodovat, kdy bude na jakém semaforu zelená. Zarehne ale úplně obvyčejným jednoduchým klientem.

```

from PyQt5.QtWidgets import \
    QApplication, QWidget, QLabel, \
    QPushButton, QVBoxLayout
from PyQt5.QtNetwork import QTcpSocket
import sys

class Crossing(QWidget):
    def __init__(self, args, **kwargs):
        super().__init__(args, **kwargs)

    # Vyroba ovladačich prvku
    self.connection = QPushButton(
        self, text = "Start")

    self.clicked.connect(
        self.connect)

    self.messageLabel = QLabel(self)

    # Rozloženi ovladačich prvku
    self.layout = QVBoxLayout(self)
    self.layout.addWidget(
        self.connection)
    self.layout.addWidget(self.messageLabel)

    # Připrava TCP socketu
    self.socket = QTcpSocket(self)
    self.socket.readyRead.connect(self.read)
    self.socket.connect(
        self, connected)

    # Zobrazení
    self.setLayout(self.layout)
    self.show()

def connect(self):
    # Nejřřiv se odpj, pokud už
    # spojení běží
    self.socket.abort()
    # A znovu se připoj
    self.socket.connectToHost(
        "ksp.mff.cuni.cz", 48888)

def connected(self):
    # Pozdravíme server

```

```

self.socket.write("HELLO\n".encode())

def read(self):
    # Přečteme všechno, co jsme dostali
    while self.socket.recv(4096) > 0:
        self.readBuffer += \
            self.socket.recv(128)

    # Rozdělíme na řádky
    lines = self.readbuffer.split(b"\n")

    # Zbytek uložíme na příště
    self.readBuffer = lines.pop()

    # Zpracujeme řádky, které dorazily
    for l in lines:
        self.messageLabel.setText(
            l.decode().rstrip())

```

```

# Spuštění celého programu
app = QApplication(sys.argv)
crossing = Crossing()
app.exec()

```

Program vytvoří triviální GUI a QTSocket. Po kliknutí na tlačítko se socket pokusí připojit k zadanému serveru. Když se povede připojení, pošleme zprávu Hello. A když přijdou data, přečteme je, rozdělíme po řádkách a každý řádek vypíšeme do labelu.

Výnamte si, jakým způsobem jsou vstupní data uložena. Jedná se o bytreamery, nikoli o řetězce. Děkujeme je do řetězce až jako celé řádky – co když náhodou přijel znak v UTF-8 rozdělený v plínce?

Celý mechanismus, kterým se pracuje se socketem, je údajem o přifouknutí dat na vstupu se dozvíme pomocí události readyRead, o přifouknutí také (a můžeme tedy server pozdravit). Další zajímavou událostí, kterou nyní neobsluhujeme, je například disconnect.

Do socketu se nezapíšíme přímo. Když zapíšete metodou write, jsou data uložena do bufferu, který se postupně vyprazdňuje. Pokud chcete vědět, kdy jsou data skutečně odeslána, objeďte se si událost bytesWritten, která se vyvolá pokždé, když se skutečně zapíší do socketu. Pozor, tato událost má jeden argument, který říká, kolik bajtů bylo zapsáno; všechny dosud použité události žádají argument neměly. Pokud bychom ji chtěli přidat do našeho programu, objeďneme ji pořád jako bytesWritten.connect(self.handler), ale definice musí obsahovat omen argument: def handler(self, bytes)

Mnoho dalších zajímavých vlastností QTSocketu nalazete v jeho dokumentaci; znovu připomínáme, že se jedná o dokumentaci pro C++, takže je třeba provést si v hlavě přehlednou konverzaci.

Úkol 1 [1b]: Stav připojení a odpojování se občas hodně vidět. Přidejte do programu další QLabel, který bude zobrazovat aktuální stav připojení (například Disconnected, Connecting a Connected).

Úkol 2 [2b]: Přidejte do programu tlačítko na odpojování, které socket odpojí. Na to se hodí použít metodu disconnectFromSocket, která se pokusí o silnější uzavření spojení, narozdíl od abort.

Pokud necháte program puštěný déle, zjistíte, že server postupně přestane posílat aťna i chodce. Očekává totiž, že mu

1 <http://doc.qt.io/qt-5/qtsocket.html>

budete posílat aťna a chodce zpátky. Naučíme se to nejpřesněji: přidáme si k aktuálně přidanému řádku tlačítko „Return“, které přijatý dopravní prostředek vrátí zpět.

```

class Crossing(QWidget):
    def __init__(self, *args, **kwargs):
        # ... VÍZ VÝŠE
        self.backButton = QPushButton(
            self, text="Return",
            enabled=False)
        self.backButton.clicked.connect(
            self.sendBack)
        self.layout.addWidget(self.backButton)

    def read(self):
        # ...
        # Zpracujeme řádky, které dorazily
        for l in lines:
            self.messageLabel.setText(
                l.decode().rstrip())
            self.backButton.setEnabled(True)

    def sendBack(self):
        text = (self.messageLabel.text() + "\n")
        self.socket.write(text.encode())
        self.backButton.setEnabled(False)

```

Úkol 3 [3b]: Vyše navržena úprava ovšem vrátí vždy jen poslední přijatý dopravní prostředek. Napište program, který uživatelé nabíhne k vrácení všech dopravních prostředků, které dosud nevrátil zpět.

K řešení předchozího úkolu můžete využít například další a další přidávané QLabely a tlačítka, ale také třeba QComboBox. To je okružní s jedním řádkem textu a šipkou, která vyběhne další řádky na výběr. Jak se používá? Ukažme si to na úplně dlouhý napsaném ilustračním příkladu objednávkového systému v restauraci.

```

from PyQt5.QtWidgets import QApplication, \
    QWidget, QLabel, QPushButton, \
    QHBoxLayout, QVBoxLayout, QComboBox
import sys

class Hospoda(QWidget):
    def __init__(self, *args, **kwargs):
        super().__init__(self, *args, **kwargs)

```

```

        # Ovládací prvky
        self.availableMeals = QComboBox(self)
        self.tables = QComboBox(self)
        self.orderMeal = QComboBox(self)
        self.orderButton = QPushButton(
            self, text="Objednat")
        self.orderButton.clicked.connect(
            self.order)
        self.donateButton = QPushButton(
            self, text="Vydat")
        self.donateButton.clicked.connect(
            self.done)

```

```

        # Rozložení
        self.layout = QHBoxLayout(self)
        self.menuLayout = QHBoxLayout()
        self.menuLayout.addWidget(
            self.availableMeals)
        self.menuLayout.addWidget(self.tables)
        self.menuLayout.addWidget(
            self.orderButton)

```

Vyhledávání v textu

Začátek situace je asi zřejmý – máme na vstupu zadán dlouhý text a krátké slovo. Slovo si můžeme nějak předpracovat, načež projdeme co nejrychleji text a nahlásneme jeden nebo všechny výskyt slova. Zajímají nás při tom i výskry, které se navzájem překrývají: v textu MAMAANA se slovo MAMA vyskytuje dvakrát. Často se hovoří o „hledání jehly v kupce sena“, pročez se textu přezdvává seno a hledanému slovu *jehla*. Délku jehly označíme J a délku textu S .

Představme si nejdříve hledané slovo jako spojový seznam, třeba slovo INSTINCT:



Mohl bychom text začít procházet znak po znaku a kontrolovat, zda se text shoduje s naším slovem/spojovým seznamem. Pokud by si znaky odpovídaly, skočíme na další znak z textu a i na další znak v seznamu. Co když se ale neshodují? Pak nemůžeme jen skočit na další znak textu – co když bychom v textu narazili na slovo INSTINCT?!

Musíme se tedy vrátit nejen na začátek spojového seznamu, ale i zpátky v textu na druhý znak, který jsme označili jako odpovídající, a zkontrolovat, zda se shodují znaky od začátku. To už naznačuje, že takto získaný algoritmus nebude lineární, protože se musíme vracet zpět v textu o délku jehly.

Sice je předchozí popis skutečně v nejhroším případě složitosti $O(S \cdot J)$, avšak stačí malá úprava a složitost přijde na lineární $O(S + J)$. Ve skutečnosti algoritmus nepomalovalo vrácení se – za spánou složitost mohl fakt, že jsme se vraceli *přítis* zpátky.

Třeba v našem příkladu s textem INSTINCT se nemůžeme vracet ve spojovém seznamu na začátek, jakmile nacházíme INSTINS. Mohli jsme se vrátit jen na druhý znak, tedy do prvního I , a pak kontrolovat, jaký znak pokračuje dál. Když následuje S jako v našem případě, můžeme pokračovat dále v čtení a nevracíme se v textu. Kdyžby text byl jiný, třeba INSTINB, vrátili bychom se po načtení B na začátek spojového seznamu a v textu bychom pokračovali dále bez zastavení.

Pro každý znak ve spojovém seznamu si tedy určíme políčko spojového seznamu, na které skočíme, pokud se následující znak v textu liší od toho očekávaného. Pořádové číslo tohoto políčka nám poradí tzv. *zpětná funkce* F , což bude funkce definovaná pomocí pole, kde $F[i]$ bude pořadové číslo políčka, na které se má skočit z políčka číslo i . Porovnávat pak budeme s následujícím znakem. Pokud $F[i] = 0$, znamená to, že máme začít porovnávat úplně od prvního znaku jehly.

Pokud máme rádi grafovou terminologii, můžete se na náš spojový seznam dívat jako na graf a hovořit o *zpětných hranách*.

Zatím jsme ale přesně nepopsali, na které políčko přesně bude zpětná funkce ukazovat. Nechtě chceme určit zpětné políčko pro druhé N ve slově INSTINCT. Pracujeme teď s prefixem INSTIN. Selský řečeno, chceme najít „konec slova INSTIN takový, že je stejný jako začátek slova INSTIN“.

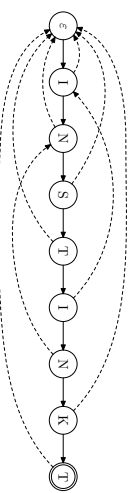
Abychom náš požadavek upřesnili, zamysleme se nad zpětným políčkem pro jiné slovo. Co kdyžby jehlou bylo slovo ABABABC a my určovali zpětné políčko pro ABABAB? Když bychom ukázali na první písmenko B , nebylo by to správné,

protože pak bychom pro text ABABABABC nezaháslili výskyt jehly, což je jasná chyba. Musíme se vrátit už na ABAB!

Zajímá nás tedy ne libovolný sufix, který je stejný jako začátek, ale nejdelší takový konec/suffix. A ještě navíc ne jen ten nejdelší, ale nejdelší „neintrivální“ – slovo INSTIN je samo sobě prefixem a suffixem, ale zpětná funkce pro N by se neměla cyklit, měla by vest zpátky.

Rekláme to tedy znovu, zcela formálně: pokud bychom právě určovali hodnotu zpětné funkce pro znak číslo i , kterému odpovídá prefix P , pak její hodnota bude *délka nejdelšího netriviálního suffixu slova P* , pro který ještě platí, že je zároveň prefixem P .

Pro slovo INSTINCT vypadá spojový seznam se zpětnou funkcí (zakreslenou pomocí ukazatelů) takto:

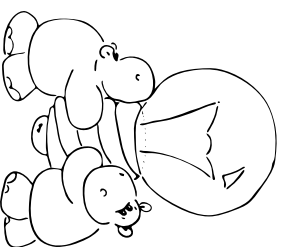


Nyní vysvětlíme dvě otázky: Jakou to má celé časovou složitost? A jak spojit zpětnou funkci?

Poporne se nejdříve s tou první. Pro každý znak vstupního textu mohou nastat dva případy: Bud znak rozšiřuje aktuální prefix, nebo musíme použít zpětnou funkci. První případ má jasně konstantní složitost, druhý je horší, neboť zpětná funkce může být pro jeden znak volána až J krát.

Při každém volání však klesne pořadové číslo aktuálního stavu (políčka) alespoň o jedna, zatímco kdykoliv stav porovnáváme, rostle jen o jeden znak. Proto všichni zkrácení dohromady může být nejvýše tolik, kolik bylo všech předložení, čili kolik jsme přecházeli znaky textu. Celkem je tedy počet kroků automatu lineární v délce textu, tj. $O(S)$.

Konstruktivně zpětné funkce provedeme malým trikem. Všimněme si, že $F[i]$ je přesně číslo stavu, do něž se dostaneme při spuštění našeho vyhledávacího algoritmu na řetězce, který tvoří prefix délky i z jehly bez prvního znaku.



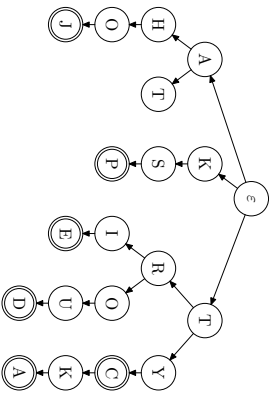
Proč to tak je? Zpětná funkce říká, jaký je nejdelší vlastní sufix daného stavu, který je také stavem, zatímco políčko, ve kterém po i krocích skončíme, označuje nejdelší sufix textu, který je stavem. Tyto dvě věci se předtím liší jen v tom, že ta druhá připisuje i nevlasní sufixy, a právě tomuto právně odstraněním prvního znaku.

Takže F získáme tak, že spustíme vyhledávání na část samotné jehly. Jenže k vyhledávání zase potřebujeme funkci F . Jak z toho ven? Budeme zpětnou funkci vytvářet postupně od nejkratších prefixů. Zřejmě $F[1] = 0$. Pokud již

Ukažeme si jiné řešení, které je také asymptoticky rychlé a není ani příliš náročné na paměť. Využívá stromové struktury a říká se mu *trie* (vyslovujeme česky „trýpě“ a anglicky jako část slova „retrieval“, z něhož slovo *trie* vzniklo). V české tině se občas používá také označení „písmenkový strom“.

Trie bude zakoreněný strom. V prvním patře se bude větvit podle prvních písmene slova, ve druhém podle dalšího, a tak dále.

Obrázek vyvá za tisíc definic, pojďme se podívat, jak vypadá třeba pro slova AHQJ, AT, KSP, TRIE, TROUD, TYG, TYČKA. Pro přehlednost písmena místo na hrany kreslíme do následujících vrcholů:



Všimněte si, že vrcholy v hloubce h (tedy v h -tém patře) odpovídají prefixům h zadaných slov. Například prefixy délky 2 jsou AH, AT, KS, TR a TY. Hrana mezi prefixy vede právě tehdy, lze-li jeden z druhého získat připsáním písmene na konec.

Jak bychom takoroum trii postavili algoritmem? Přesně, jak jsme ji definovali: každé slovo ze slovníku budeme procházet znak po znaku, a buďde-li nějaká hrana chybět, tak ji vytvoříme a pokračujeme dále podle slova.

Z takto popsané trie bohužel neznáme, kde končí slovo ze slovníku a kde končí jen jeho prefix. Standardní způsob, jak to vyřešit, jsou dva: buď si do každého vrcholu přidáme informaci o tom, je-li koncem celého slova, nebo ne (jak je to naznačeno dvojitými kružkami v obrázku), nebo si rozšíříme abecední o speciální znak, který se v ní předtím nevykytoval – třeba \$ – a pak všem slovlm přilepíme tento \$ na konec.

Budeme-li se později ptát, bylo-li slovo ve slovníku, do příčodu tři zkontrolujeme ještě, jestli z konečného vrcholu vede hrana odpovídající znaku \$.

Jestli jsme si nerozumysleli, jak budeme v jednotlivých vrcholech trie reprezentovat hrany do dalších prefixů. Abychom mohli vyhledávat skutečně lineárně, potřebovali bychom umět v konstantním čase odpovědět na otázku „má vrchol P potomka přes hranu se znakem c ?“.

Abychom zajistili konstantní čas odpovědi, museli bychom mít v každém vrcholu pole indexované znaky abecedy. To ovšem znamená, že takové pole budeme muset vytvořit, a tedy alokovat $|Σ|$ políček v každém znaku.

To zvyší paměťovou náročnost trie (a časovou náročnost, je-li starší) na $O(|D| \cdot |Σ|)$, kde D znací velikost vstupu, $|Σ|$ součet délek všech slov ve slovníku. To je naprosto přijatelné pro malé abecedy, ale už pro {A-Z, a-z} je tento faktor roven 52 a pro Unicode je taková alokace nemyslitelná.

Jak z toho ven? Můžeme ožilet konstantní rychlost dotazu

3 <http://mj.ucw.cz/vyuka/ga/>

a použít namísto pole třeba binární vyhledávací strom nebo hešovací tabulku všech znaků, kterými aktuální prefix může pokračovat. Nebo můžeme každý znak velké abecedy zapsat pomocí několika znaků menší abecedy. Tou menší abecedou může být třeba {0, 1}. Tehdy nahradíme každý znak prvotní abecedy $[log_2 |Σ|]$ novými (jeho zápisem ve dvojkové soustavě). Tím se časová složitost konstrukce zlepši na $O(|D| \cdot \log |Σ|)$ a časová složitost dotazu na slovo délky L zhoší na $O(L \cdot \log |Σ|)$.

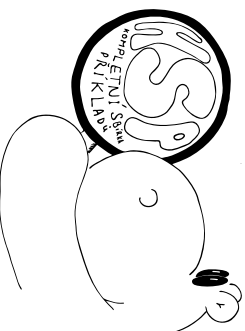
A jsme hotoví! S trii můžeme v lineárním čase odpovídat na dotazy „Vyskytuje se dané slovo ve slovníku?“, přidávat a odebrat další položky za běhu a nejen to – víc o tom ve cvičeních.

Poznámky

- Chcete-li algoritmus konstruovat trie vidět napsaný v Pascalu, podívejte se do knihy *Algorithms a programovací techniky*.
- Triim se také říká *prefixové stromy*, což popisuje, že každý vrchol odpovídá prefixu některého slova ve slovníku.
- Kdybychom chtěli, mohli bychom pomocí trie vyhledávat v textu v lineárním čase. Můžeme přeci postavit slovník ze všech slov v daném textu, a pak procházet příslušnou trii. Má to ale pár háčků: jednak je často hledaný řetězec krátký, ale text se nevejde do paměti; jednak pokud bychom použili jako oddělovací mezeru, mohli bychom hledat jen jednotlivá slova, a nikoli jejich konce nebo delší kusy věty.
- Asi se po poslední poznámce ptáte – existuje nějaká modifikace trie, která umí hledat libovolnou část textu? Ano, jmenuje se *sufixový strom* a jdu s ní dělat spousty krásných konstat. Říká se, že každou řetězovou dlouh lze řešit v lineárním čase pomocí sufixového stromu. Více se o nich dočtete třeba v knize *Krajnová grafových algoritmů*.³

Cvičení

- Relakně, že chceme slovník na vstupní setřídil v lexikografickém pořadí (definovaném v sekci „Jak řetězec dává pat“). Problémem pro klasické třídící algoritmy je to, že porovnání dvou řetězců není bohužel konstantně rychlé. Vyzkoušejte způsob, jak setřídít takový slovník rychle pomocí trie.
- *Komprese trie*. Co kdybychom chtěli odstranit přebytečné nevrcholy trie, tedy ty, v nichž se slova neroví? Rozmyslete si, jestli by něčemu vadilo místo takovýto cest mít jen jednotlivé hrany. Zkusíte-li se konstruktore nebo vyhledávaní? Mnohočetem, je celkem jasné, že takováto *komprimovaná trie* přinese jen konstantní zrychlení dotazů i prostoru, a tak na soutěžích apod. stačí použít základní variantu.



```

self.orderButton()
self.orderLayout = QHBoxLayout()
self.orderLayout.addWidget(
    self.orderredMeals)
self.orderLayout.addWidget(
    self.donButton)
self.layout.addWidget(self.menuLayout)
self.layout.addWidget(self.orderLayout)
self.setLayout(self.layout)

# Data
self.tables.addItem(["u okna",
    "u dveří", "uprotřed", "salonek"])
self.availableMeals.addItem(
    ["knedlo-zelo-vepro",
    "svíčková se sesti",
    "řízec se salátem"])

self.show()

def order(self):
    # Sestavení objednávky
    # z aktuálně vybraných položek
    meal = self.availableMeals.currentText()
    table = self.tables.currentText()
    objednavka = meal + " " + table
    self.orderredMeals.addItem(objednavka)

def done(self):
    # Smazní aktuálně vybrané položky
    index = self.orderredMeals.currentIndex()
    self.orderredMeals.removeItem(index)

app = QApplication(sys.argv)
hosпода = Hospoda()
app.exec()

# Dbečný cestovatel
class Traveller:
    def __init__(self, id, speed):
        self.speed = float(speed)
        self.id = int(id)

        self.timer = QTimer()
        self.timer.timeout.connect(self.done)

    # Cestovatel vstupuje do sledovaného úseku
    def start(self, crossing):
        self.crossing = crossing

    # Časová je v milisekundách
    self.timer.start(1000 * self.roadLength
        / self.speed)

# Objevíme časovače: cestovatel opouští úsek
def done(self):
    self.crossing.sendBack(self)

# Převod argumentů zpět na řetězec
def strArgs(self):
    return ("id=" + str(self.id)
        + " speed=" + str(self.speed))

class Car(Traveller):
    def __init__(self, *args, **kwargs):
        super().__init__(*args, **kwargs)
    # Sledujeme 500 metrů silnice
    self.roadLength = 500

    def __str__(self):
        return "CAR " + super().strArgs()

class Pedestrian(Traveller):
    def __init__(self, *args, **kwargs):
        super().__init__(*args, **kwargs)
    # Sledujeme 100 metrů chodníku
    self.roadLength = 100

    def __str__(self):
        return "PEDESTRIAN " + super().strArgs()

class Crossing(QWidget):
    def __init__(self, *args, **kwargs):
        super().__init__(*args, **kwargs)
    # Vyroba ovládacích prvků
    self.connectButton = QPushButton(
        self, text = "Start")
    self.connectButton.clicked.connect(
        self.connect)

    # Rozložení ovládacích prvků
    self.layout = QHBoxLayout(self)
    self.addWidget(
        self.connectButton)

    # Příprava TCP socketu
    self.socket = QTcpSocket(self)
    self.socket.readyRead.connect(self.read)
    self.socket.connect.connect(
        self.connect)
    self.readBuffer = bytearray()
    self.travelers = {}

    # Zobrazení
    self.setLayout(self.layout)
    self.show()

def connect(self):
    # Nejdřív se odpj,

```

Jestli neč budeme pokračovat – zatajila jsem vám, že pokud před ukončením spojení pošlete serveru řádek BYE, dostanete zpátky řádek STATS s jednořádkovým statistickým výstupem.

Úkol 4 [2b]. Upravte odpovírací metodu z úkolu 2 tak, aby před odpojením ještě poslala BYE (nezapomeňte na znak konce řádku) a zobrazila statistiky v obn.

Zatím si jen tak posíláme se serverem antřika a chodce sem a tam. Pojdme si napsat program, který už bude skutečně něco simulovat. Zpracíme mimořádnou krizovanku, čili nachodem. Využijeme k tomu informaci o rychlosti aut a chodců, kterou získáme od serveru spolu s antřikou (chocem samotným (speed=)).

```

from PyQt5.QtCore import QTimer
from PyQt5.QtWidgets import \
    QApplication, QWidget, QLabel, \
    QPushButton, QVBoxLayout
from PyQt5.QtNetwork import QTcpSocket
import sys

```

```

# pokud už spojení beží
self.socket.shutdown()

# A znovu se připojí
self.socket.connect(host(
    "ksp.mff.cuni.cz", 48888))

def connected(self):
    # Požadujeme server
    self.socket.write("HELL0\n".encode())

def read(self):
    # přečteme všechno, co jsme dostali
    while self.socket.bytesavailable() > 0:
        self.readBuffer += \
            self.socket.read(128)

# Rozdělíme na řádky
lines = self.readbuffer.split("\n")
# Zbytek uložíme na příště
self.readbuffer = lines.pop()

# Zpracujeme řádky, které dorazily
for l in lines:
    stripped = l.decode().rstrip()
    args = stripped.split(" ")
    travellerType = args.pop(0)
    argmap = dict(map(
        lambda x: x.split("=", 1), args))
    if travellerType == "CAR":
        self.addTraveller(Car(**argmap))
    elif travellerType == "PEDESTRIAN":
        self.addTraveller(
            Pedestrian(**argmap))

def addTraveller(self, traveller):
    # Uložíme si cestovatele
    self.travelers[traveller.id] = \
        traveller

```

```

# Necht cestovatele vstoupí do oblasti
traveller.start(self)

def sendBack(self, traveller):
    # Cestovatel opouští sledovanou oblast
    self.travelers[traveller.id] = None

# Vrátime cestovatele serveru
text = str(traveller) + "\n"
self.socket.write(text.encode())

# Spuštění celého programu
app = QApplication(sys.argv)
crossing = Crossing()
app.exec()

```

Výše uvedený program jenom simuluje cestování samotné a řeší komunikaci se serverem. Není tedy vůbec vidět, co se vlastně děje. Váš úkol bude nyní k tomuto napravit úplně jednoduché GUI. Nebojte se během programování používat ladící výpisů na terminál, odvezdané programy by však neměly obsahovat žádné `print`.

Úkol 5 [2]: Dopíšte do programu zobrazování počtu aut a chodců, kteří jsou aktuálně v oblasti.

Úkol 6 [5]: Zaujíždě, aby program v otevřeném okně zobrazil polohu všech aut i chodců (například v milimetrech od začátku sledovaného úseku) aktualizovanou každých 250 milisekund.

Stejně jako minule, pokud učiníte všechny požadované úkoly v jednom programu, je možné výsledek odevzdat jako řešení všech úkolů dohromady.

V příštím dle se zaměříme na princip Model-View-Controller a budeme pokřovávat ve vývoji jednoduchého simulačního křížovky.

Maria Matějka

Recepty z programátorské kuchyně: Hledání v textu

Řetězec je v podstatě jakákoliv posloupnost symbolů zapísaná za sebou a s nimi budeme v této kuchyni pracovat. Každého napadne „vyhledávání v textu“ nebo „hledání jmen v telefonním seznamu“, ale řetězec najdeme i na nižších úrovních informatiky. Například celé číslo zakódované v binární soustavě, které dostaneme na vstupu programu, je také jen řetězec nhl a jedniček.

Jiný příklad použití řetězců (a algoritmů s nimi pracujících) najdeme v biologii. Například DNA není o mnoho více, než čtyřtupé uložení posloupnosti čtyř znaků/nukleových bazí – chcemne-li hledat vzory anebo konkrétní podposloupnosti, bude se nám hodit znalost základních algoritmů pro práci s řetězci.

Nemáme bohužel šanci vysvětlit *všechny* algoritmy s řetězci, protože je příliš mnoho možných věcí, co s řetězci dělat. Převážněm řetězci na čísla (heslováním) jsme se věnovali v jiné kuchyni, v této se budeme soustředit na algoritmy, které se objevují spíše v práci s textem.

Kromě úvodu do práce s řetězci popíšeme dva *starobní* *hromady* textových algoritmů, což bude datová struktura pro slovníky – *trie* a vyhledání v textu s předzpracovanou hledaného slova a jeho rozšíření pro více slov. S jejich znalostí pak bude mnohem snazší vymýšlet řešení složitějších, reálnějších problémů.

Jak řetězec chápát

Když programátor dělá první křížky, často moc netuší, co s těmi řetězci vlastně může a nesmí dělat. V programování jazyce to je jasné – něco mu jazyk dovolí a na něco nejsem prostředky. Ale jak to je na úrovni ryze teoretické? Jak jsme si řekli na začátku, řetězec bude posloupnost nějakých symbolů, kterým říkáme *znaky*. Tyto znaky jsou z nějaké množiny, které říkáme *abeceda*. Abeceda může být jen $\{0, 1\}$ pro čísla v binárním zápisu, klasické $\{A-Z, a-z\}$ pro anglickou abecedu anebo plný rozsah univerzální znakové sady Unicode, která má až 2³¹ znaků. Nezapomínejme, že nejenom písmena a číslice, ale i mezery a interpunkce jsou znaky!

Vidíme, že zanedbat velikost abecedy při odhadu složitosti by bylo příliš troufalé, a tak budeme velikost abecedy označovat $|Σ|$. Abeceda sama se v textech o řetězci často značí řeckým $Σ$.

O znacích samotných předpokládáme, že jsou dostatečně malé, abychom s nimi mohli pracovat v konstantním čase, podobně jako s celými čísly v ostatních kuchynkách.

Nyní hlavní otázka – máme chápát řetězec jako pole znaků, nebo jako spojový seznam? Salomonská odpověď: můžeme s ním pracovat tak i tak. Když budeme potřebovat převést řetězec na spojový seznam (protože se nám hodí rychlé připojení řetězci), tak si její převedeme. Tento převod nás samozřejmě bude stát čas lineární závislý na *délce* řetězce. Budeme ji dále značit L ; časová složitost převodu bude $O(L)$.

Standardně se ale počítá s tím, že řetězec je uložen v poli někde v paměti (již od začátku algoritmu), takže ke každému znaku můžeme přistupovat v konstantním čase.

Jelikož jsme řetězec definovali jako posloupnosti, nesmíme zapomínat ani na *prázdný řetězec* $ε$. A když už máme řetě-

zec, určitě máme i *podřetězec* – souvislou podposloupnost znaků jiného řetězce. Například `BAR`, `RET`, $ε$ i `KABARET` jsou podřetězce slova (řetězce) `KABARET`, `KAT` však podřetězcem není.

Často nás budou zajímat dva zvláštní druhy podřetězci. Pokud ze slova odstraníme nějaký souvislý úsek na konci, vznikne *podřetězec*, kterým říkáme *prefix* (řesky předpona), a pokud odstraníme nějaký souvislý úsek ze začátku, dostaneme *suffix* neboli příponu. `RET` je suffix slova `KABARET`, `KABA` je zase jeho prefixem.

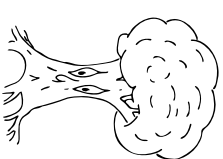
Terminologie dovoluje zepředu i zezadu odstranit přízáhny řetězce – to znamená, že slovo je samo sobě prefixem i suffixem. Pokud chceme mluvit o prefixech, suffixech nebo obecně podřetězci, kde jsme museli alespoň jeden znak odstranit, označíme takové podřetězce jako *vlátní*.

Pro některá použití řetězci je důležité, abychom je mohli porovnávat – když máme řetězec R a S , chceme umět rozhodnout, který je menší a který je větší. Jaké přesné toto uspořádání bude, závisí na naší aplikaci, ale mnohdy se používá tzv. *lexikografické uspořádání*.

Pro lexikografické uspořádání potřebujeme nejprve zadat lineární uspořádání na znacích. Tím se myslí takové, kde jsou všechny prvky navzájem porovnatelné, a v podstatě to znamená, že jsou uspořádány v jedné řadě za sebou (kromě binárního $0 < 1$ se často používá „telefonní“ $A = a < B = b < \dots < Z = z$, které je ovšem lineární až na velikost znaků).

Když máme zadat uspořádání na znacích, na všechny řetězce je rozšíříme následovně: Nejkratší je prázdný řetězec. Ostatní řetězce řídíme podle jejich prvního znaku. Jestliže se první znak shoduje, tak podle druhého znaku, atd. Pokud přitom znaky jednoho z řetězci dojdou dříve, prohlásíme tento řetězec za menší.

Plati tedy třeba $ε < A < AUTO$ < `AUTOBUS` < `AUTOCRAM` < `AUTOR` < `BAMBITKA` < `BARNABAS` < Z .



Adresář pomoci trie

Typický „textový“ problém je udržování množiny řetězci – můžete si představit třeba slovník. Slova ve slovníku si chceme šikovně předzpracovat, abychom pak mohli efektivně odpovídat na otázky typu: „Je slovo S obsaženo ve slovníku?“. Můžeme také po předzpracování chtít přidávat nové položky, nebo i odebrat staré.

Pokud bychom neměli odebrat slova, můžeme použít heslování, které je rychlé a účinné. Více o něm najdete v heslovací kuchyni. Má však tu nevýhodu, že při velkém zaplnění se začne chovat pomaleji a mírně nepřeváděte.

² <http://ksp.mff.cuni.cz/viz/kucharka/hesovani>